

Examenul de bacalaureat național 2015

Proba E. c)

Matematică *M_tehnologic*

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

Varianta 9

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total obținut pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$2 - \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$	3p
	$\frac{3}{2} \cdot \frac{10}{3} = 5$	2p
2.	$f(-2) = 0, f(2) = 0$	2p
	$f(-2) + f(2) = 0$	3p
3.	$2x - 1 = 9$	3p
	$x = 5$, care verifică ecuația	2p
4.	Mulțimea A are 10 elemente, deci sunt 10 cazuri posibile	1p
	În mulțimea A sunt 2 multipli de 5, deci sunt 2 cazuri favorabile	2p
	$p = \frac{\text{nr. cazuri favorabile}}{\text{nr. cazuri posibile}} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5}$	2p
5.	$MO = 4$	2p
	$ON = 4 \Rightarrow \triangle MON$ este isoscel	3p
6.	$\mathcal{A}_{\triangle ABC} = \frac{AB \cdot AC}{2} = \frac{10 \cdot 12}{2} =$	3p
	$= 60$	2p

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.a)	$\det A = \begin{vmatrix} 3 & -2 \\ 5 & -3 \end{vmatrix} = 3 \cdot (-3) - (-2) \cdot 5 =$	3p
	$= -9 + 10 = 1$	2p
b)	$A \cdot A = \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$	3p
	$A \cdot A + I_2 = \begin{pmatrix} -1+1 & 0 \\ 0 & -1+1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} = O_2$	2p
c)	$A - aI_2 = \begin{pmatrix} 3-a & -2 \\ 5 & -3-a \end{pmatrix} \Rightarrow \det(A - aI_2) = \begin{vmatrix} 3-a & -2 \\ 5 & -3-a \end{vmatrix} = -9 + a^2 + 10 =$	3p
	$= a^2 + 1 \geq 1$, pentru orice număr real a	2p
2.a)	$f(-5) = (-5)^3 + 5 \cdot (-5)^2 + (-5) + 5 =$	3p
	$= -125 + 125 - 5 + 5 = 0$	2p
b)	Câtul este $X - 1$	3p
	Restul este $2X + 10$	2p

c)	$x_1 + x_2 + x_3 = -5, x_1x_2 + x_1x_3 + x_2x_3 = 1, x_1x_2x_3 = -5$	3p
	$\frac{x_3}{x_1x_2} + \frac{x_2}{x_1x_3} + \frac{x_1}{x_2x_3} = \frac{(x_1 + x_2 + x_3)^2 - 2(x_1x_2 + x_1x_3 + x_2x_3)}{x_1x_2x_3} = \frac{(-5)^2 - 2 \cdot 1}{-5} = -\frac{23}{5}$	2p

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1.a)	$f'(x) = 4x^3 - 4x =$	3p
	$= 4x(x^2 - 1) = 4x(x-1)(x+1), x \in \mathbb{R}$	2p
b)	$f(1) = 0, f'(1) = 0$	2p
	Ecuția tangentei este $y - f(1) = f'(1)(x-1) \Rightarrow y = 0$	3p
c)	$f'(-1) = f'(0) = f'(1) = 0, f'(x) \geq 0, \text{ pentru } x \in [-1, 0] \text{ și } f'(x) \leq 0, \text{ pentru } x \in [0, 1]$	2p
	$f(-1) = f(1) = 0 \text{ și } f(0) = 1 \Rightarrow 0 \leq f(x) \leq 1, \text{ pentru orice } x \in [-1, 1]$	3p
2.a)	$\int_1^3 (f(x) - \sqrt{x}) dx = \int_1^3 x^2 dx = \frac{x^3}{3} \Big _1^3 =$	3p
	$= \frac{3^3}{3} - \frac{1^3}{3} = \frac{26}{3}$	2p
b)	$F'(x) = \frac{3x^2}{3} + \frac{2}{3} \left(\sqrt{x} + x \cdot \frac{1}{2\sqrt{x}} \right) =$	3p
	$= x^2 + \sqrt{x} = f(x), \text{ pentru orice } x \in (0, +\infty), \text{ deci } F \text{ este o primitivă a funcției } f$	2p
c)	$\mathcal{A} = \int_1^2 x^2 e^x dx = x^2 e^x \Big _1^2 - \int_1^2 2xe^x dx = 4e^2 - e - 2 \left(xe^x \Big _1^2 - \int_1^2 e^x dx \right) =$	3p
	$= 4e^2 - e - 2(2e^2 - e) + 2e^x \Big _1^2 = 2e^2 - e = e(2e - 1)$	2p