



# OLIMPIADA DE MATEMATICĂ

## ETAPA LOCALĂ 07.02.2020

### CLASA a VII-a

#### Problema I. (7 puncte)

- a) Arătați că adăugând 1 la produsul a patru numere întregi consecutive se obține un pătrat perfect.
- b) Demonstrați că  $\sqrt{2020 \cdot 2021 \cdot 2022 \cdot 2023 + 1} \in \mathbb{N}$ .

*prof. Cristian Petru Pop, Inspectoratul Școlar Județean Cluj*

#### Problema II. (7 puncte)

Se consideră expresia:  $E = \frac{\sqrt{19+8\sqrt{3}} + \sqrt{8-2\sqrt{15}} + \sqrt{14-6\sqrt{5}}}{x+3}$ ,  $x \neq -3$ . Determinați  $x \in \mathbb{Z}$  pentru care expresia este un număr întreg.

*prof. Rodica Lădar, Liceul Teoretic Ana Ipătescu Gherla*

#### Problema III. (7 puncte)

Se consideră paralelogramul  $ABCD$  cu  $m(\sphericalangle A) < 90^\circ$ , iar  $AB > BC$ . Considerăm  $M \in (AB)$ ,  $N \in (DC)$ ,  $P \in (MN)$  astfel încât  $MA = MD$ ,  $NC = NB$ , respectiv  $NP = 2 \cdot PM$ . Arătați că punctul  $P$  este centrul de greutate al triunghiului  $\triangle MAC$ .

*prof. Dana Bodea, Liceul Teoretic Gelu Voievod Gilău*

#### Problema IV. (7 puncte)

Din punctul  $M$ , exterior cercului  $C(O, R)$ , se duce o secantă care intersectează cercul în punctele  $A$  și  $B$  astfel încât  $A \in [MB]$ ,  $MB = 10 \text{ cm}$  și  $m(\widehat{AB}) = 60^\circ$ . Fie  $A'$  punctul diametral opus lui  $A$ . Să se afle distanța de la  $M$  la centrul cercului, știind că aria triunghiului  $\triangle A'OM$  este a cincea parte din aria triunghiului  $\triangle A'MB$ .

*prof. Teodor Poenaru, Liceul Teoretic Nicolae Bălcescu Cluj-Napoca*

**Toate subiectele sunt obligatorii.**  
**Timp efectiv de lucru - 3 ore.**

**SUCCES!**