

Examenul de bacalaureat național 2020
Proba E. d)
Informatică
Limbajul Pascal

Testul 3

Filieră teoretică, profil real, specializare științe ale naturii

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.
- Identificatorii utilizați în rezolvări trebuie să respecte precizările din enunț (bold), iar în lipsa unor precizări explicite, notațiile trebuie să corespundă cu semnificațiile asociate acestora (eventual în formă prescurtată). Datele de intrare se consideră corecte, validarea lor nefiind necesară.

SUBIECTUL I (20 de puncte)

Pentru fiecare dintre itemii de la 1 la 5, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect. Fiecare răspuns corect se notează cu 4 puncte.

- Variabilele x și y sunt de tip întreg și memorează numere naturale nenule. Indicați o expresie Pascal care are valoarea `true` dacă și numai dacă numărul memorat în x are cifra unităților egală cu 2 și este un multiplu al numărului memorat în y .
 - $(x \bmod 2=10)$ or $(y \bmod x=0)$
 - $(x \bmod 10=2)$ or $(y \bmod x=0)$
 - $(x \bmod 2=10)$ and $(x \bmod y=0)$
 - $(x \bmod 10=2)$ and $(x \bmod y=0)$
- Pentru a verifica dacă în tabloul unidimensional $(49, 38, 20, 18, 16, 8, 4)$ există elementul cu valoarea x se aplică metoda căutării binare. Știind că valoarea x a fost comparată cu trei elemente ale tabloului pe parcursul aplicării metodei, două valori ale lui x ar putea fi:
 - 70 și 18
 - 49 și 16
 - 38 și 2
 - 20 și 8
- Se consideră două tablouri unidimensionale A și B : $A=(2, 3, 7, 12, 16)$, iar $B=(1, 4, 10, 21, 25)$. În urma interclasării lor în ordine crescătoare se obține tabloul cu elementele:
 - $(1, 4, 10, 21, 25, 2, 3, 7, 12, 16)$
 - $(1, 2, 3, 4, 7, 10, 12, 16, 21, 25)$
 - $(1, 2, 3, 4, 7, 10, 12, 21, 16, 25)$
 - $(1, 3, 7, 12, 16)$
- O expresie Pascal care are valoarea `false` este:
 - `trunc(20.19)=trunc(20.91)`
 - `trunc(20.19)=round(20.19)`
 - `trunc(20)+1=round(20)`
 - `trunc(20.91)=round(20.19)`
- Variabilele x , y , z și w memorează câte un număr real, astfel încât expresia Pascal alăturată are valoarea `true`. Variabila care are ca valoare cel mai mare dintre numerele menționate mai sus este:

$(y < w)$ and $(z < x)$ and $(w < z)$

 - x
 - y
 - z
 - w

SUBIECTUL al II-lea (40 de puncte)

- Algoritmul alăturat este reprezentat în pseudocod.**
S-a notat cu $a \div b$ restul împărțirii numărului natural a la numărul natural nenul b și cu $[c]$ partea întregă a numărului real c .
 - Scrieți ce se afișează dacă se citește valoarea 2754578. (6p.)
 - Scrieți două numere care pot fi citite astfel încât, în urma executării algoritmului pentru primul dintre ele să se afișeze 1 0, iar pentru al doilea să se afișeze -1 0. (6p.)
 - Scrieți programul Pascal corespunzător algoritmului dat. (10p.)
 - Scrieți în pseudocod un algoritm, echivalent cu cel dat, înlocuind adecvat structura `repetă...până când` cu o structură repetitivă de alt tip. (6p.)

```
citește n (număr natural, n>9)
c1←n%10; n←[n/10]; c2←n%10
dacă c1=c2 atunci s←0
altfel
  dacă c1>c2 atunci s←1
  altfel s←-1
repetă
  c1←n%10; n←[n/10]; c2←n%10
până când (c1-c2)*s≤0
scrie s, ' ', n
```

2. Pentru un cerc se memorează coordonatele reale (abscisa și ordonata), în planul xOy , ale centrului cercului. Variabilele $c1x$ și $c1y$ memorează coordonatele centrului unui cerc, iar variabilele $c2x$ și $c2y$ memorează coordonatele centrului unui alt cerc. Declarați corespunzător cele patru variabile și scrieți o secvență de instrucțiuni în urma executării căreia să se afișeze pe ecran, separate printr-un spațiu, coordonatele cercului care are centrul mai aproape de originea sistemului de coordonate. **(6p.)**
3. Variabilele a și aux memorează câte un caracter, iar variabilele i și k sunt de tip întreg. De la tastatură se citesc numai litere mari ale alfabetului englez. Fără a utiliza alte variabile, scrieți secvența înlocuind punctele de suspensie astfel încât, în urma executării secvenței obținute, variabila k să memoreze numărul de litere mari citite, cu excepția vocalei **A**, dacă în șirul inițial aceasta este alături de vocala **I**.

Exemplu: dacă se citesc literele **A L I A N T A**
sau literele **A L A I N T A**
variabila k va memora 6 (pentru literele **A L I N T A**).

(10p.)

```
.....  
for i:=1 to 7 do  
begin read(a);  
.....  
end;
```

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1. Se citesc două numere naturale nenule, n și m , și se cere să se scrie numărul valorilor prime care se regăsesc atât în descompunerea în factori primi a lui n , cât și în descompunerea în factori primi a lui m . Scrieți, în pseudocod, algoritmul de rezolvare a problemei enunțate.
Exemplu: dacă $n=750$ și $m=490$, atunci se scrie 2 ($750=2 \cdot 3 \cdot 5^3$, $490=2 \cdot 5 \cdot 7^2$). **(10p.)**
2. Scrieți un program Pascal care citește de la tastatură două numere naturale, n și k , ($n \in [2, 20]$, $k \in [1, n]$), și construiește în memorie un tablou unidimensional cu n elemente, având proprietățile:
- al k -lea element are valoarea 0;
 - conține, începând cu al k -lea element, de la dreapta la stânga, un șir strict crescător de numere consecutive, iar începând cu al k -lea element, de la stânga la dreapta, tot un șir strict crescător de numere consecutive.
- Programul afișează pe ecran tabloul construit, cu elementele separate prin câte un spațiu.
Exemplu: dacă $n=10$ și $k=3$ se afișează pe ecran tabloul 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 **(10p.)**
3. Fișierul `bac.in` conține un șir de cel mult 10^6 numere întregi din intervalul $[-10^9, 10^9]$, separate prin câte un spațiu. Cel puțin două numere din șir sunt negative. Se cere să se afișeze pe ecran lungimea maximă a unei secvențe a șirului care începe și se încheie cu câte un număr negativ. O secvență este formată din termeni aflați pe poziții consecutive în șir, iar lungimea secvenței este egală cu numărul de termeni ai acesteia. Proiectați un algoritm eficient din punctul de vedere al memoriei utilizate și al timpului de executare.
Exemplu: dacă fișierul conține numerele 12 25 -6 7 80 -75 101 -6 52 -124 87 99 210 pe ecran se afișează 8 (corespunzător secvenței -6 7 80 -75 101 -6 52 -124).
- a. Scrieți programul Pascal corespunzător algoritmului proiectat. **(8p.)**
- b. Descrieți în limbaj natural algoritmul proiectat, justificând eficiența acestuia. **(2p.)**