

Examenul național de bacalaureat 2023
Proba E. c)
Matematică *M_pedagogic*

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

Model

Filiera vocațională, profilul pedagogic, specializarea învățător-educatoare

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă zece puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la zece a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$\left(\frac{2}{5}\right)^{-1} = \frac{5}{2}, 2\frac{1}{2} = \frac{5}{2}$	3p
	$\left(\frac{2}{5}\right)^{-1} + 2\frac{1}{2} = \frac{5}{2} + \frac{5}{2} = 5$	2p
2.	$f(a) = a + 1, f(1) = 2, f(5) = 6$	3p
	$a + 1 = \frac{2 + 6}{2}$, de unde obținem $a = 3$	2p
3.	$2\sqrt{x-1} = 2$, de unde obținem $x - 1 = 1$	3p
	$x = 2$, care convine	2p
4.	Mulțimea M are 2022 de elemente, deci sunt 2022 de cazuri posibile	2p
	Multiplii de 2 din M sunt $2 \cdot 1, 2 \cdot 2, 2 \cdot 3, \dots, 2 \cdot 1011$, deci sunt 1011 cazuri favorabile	3p
	$p = \frac{\text{nr. cazuri favorabile}}{\text{nr. cazuri posibile}} = \frac{1}{2}$	
5.	$BC = 3, AC = 4, AB = 5$	3p
	$BC^2 + AC^2 = AB^2$, deci triunghiul ABC este dreptunghic în C	2p
6.	$\frac{10}{\sin A} = 2 \cdot 5$	3p
	$\sin A = 1$	2p

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.	$(-5) \circ (-6) = (-5) \cdot (-6) + 8(-5 - 6) + 56 =$	3p
	$= 30 - 88 + 56 = -2$	2p
2.	$x \circ y = xy + 8x + 8y + 64 - 8 =$	3p
	$= x(y + 8) + 8(y + 8) - 8 = (x + 8)(y + 8) - 8$, pentru orice numere reale x și y	2p
3.	$x \circ (-7) = (x + 8)(-7 + 8) - 8 = x + 8 - 8 = x$, pentru orice număr real x	2p
	$(-7) \circ x = (-7 + 8)(x + 8) - 8 = x + 8 - 8 = x$, pentru orice număr real x , deci $e = -7$ este elementul neutru al legii de compoziție „ \circ ”	3p
4.	$x \circ (x + 2) = (x + 8)(x + 10) - 8$	2p
	$(x + 8)(x + 10) - 8 \leq -8 \Leftrightarrow (x + 8)(x + 10) \leq 0$, de unde obținem $x \in [-10, -8]$	3p
5.	$2^x \circ (-7) = 2^x$	3p
	$2^x = 2^4$, de unde obținem $x = 4$	2p
6.	$a \circ 1 = 9a + 64, a \circ 2 = 10a + 72$	3p
	$18a + 128 = 11a + 72$, de unde obținem $a = -8$	2p

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1.	$\det A = \begin{vmatrix} 0 & 3 \\ 2 & 1 \end{vmatrix} = 0 \cdot 1 - 2 \cdot 3 =$ $= 0 - 6 = -6$	3p 2p
2.	$M(x) = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 & 3x \\ 2x & x \end{pmatrix} =$ $= \begin{pmatrix} 1 & 3x \\ 2x & x+1 \end{pmatrix}, \text{ pentru orice număr real } x$	3p 2p
3.	$M(-1) \cdot M(1) = \begin{pmatrix} -5 & -3 \\ -2 & -6 \end{pmatrix}, B = (-1) \cdot M(-1) \cdot M(1) = \begin{pmatrix} 5 & 3 \\ 2 & 6 \end{pmatrix}$ $5 + 3 + 2 + 6 = 16, \text{ care este pătratul numărului natural } 4$	3p 2p
4.	$\det(M(x)) = x + 1 - 6x^2$ $6x^2 - x - 1 = 0, \text{ deci } x = -\frac{1}{3} \text{ sau } x = \frac{1}{2}$	2p 3p
5.	$C = \begin{pmatrix} 0 & -6 \\ -4 & -2 \end{pmatrix}$ $\det C = -24 \neq 0, \text{ deci matricea } C \text{ este inversabilă}$	3p 2p
6.	$aM(b) + bM(a) = \begin{pmatrix} a & 3ab \\ 2ab & ab+a \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} b & 3ab \\ 2ab & ab+b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a+b & 6ab \\ 4ab & 2ab+a+b \end{pmatrix}$ $\begin{pmatrix} a+b & 6ab \\ 4ab & 2ab+a+b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \text{ de unde obținem perechile de numere naturale } (0,1) \text{ și } (1,0)$	2p 3p